

# Mjerenja u tehnici

## II dio

prof.dr.sc. Frano Barbir

Katedra za termodinamiku, termotehniku i toplinske strojeve

soba 708

Tel. 305-889

E-mail: [Frano.Babir@fesb.hr](mailto:Frano.Babir@fesb.hr)

Konzultacije: Ponedjeljak 11-12 ili po dogovoru

Asistent: Ivan Tolj, dipl.ing., znanstveni novak

# Mjerenja u tehnici

## II dio

### Sadržaj

Mjerenje temperature

Mjerenje tlaka

Mjerenje brzine strujanja fluida

Mjerenje protoka

Mjerenje vlažnosti

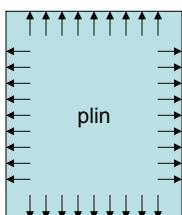
Mjerenje toplinske energije

i ostala toplinska mjerenja

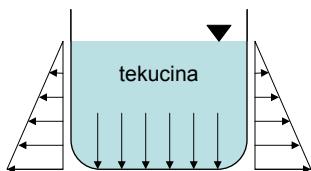
## Definicija tlaka

Tlak je sila po jedinici površine.

Djeluje okomito na površinu koja predstavlja granicu nekog fluida.



Molekule plina su u konstantnom kretanju.  
One blizu granice se sudaraju s granicom.  
Prema Newtonovom 2. zakonu promjena momenta  
čestice uzrokuje silu u suprotnom smjeru.  
Suma svih sila rezultira u tlaku koji se osjeća na  
granici.



Kod tekućina, tlak je rezultat težine tekućine

$$P = F/A = Mg/A = V\rho g/A = \rho gh$$

## Definicija tlaka

Tlak je sila po jedinici površine.

## Jedinica mjere

$$\frac{\text{Sila}}{\text{Površina}} = \frac{\text{N}}{\text{m}^2} = \text{Pa (Pascal)} \quad \text{N} = \text{kg} \cdot \text{m/s}^2$$

Tlak zraka na površini mora pri standarnim atmosferskim uvjetima iznosi:

$$1,01320 \times 10^5 \text{ Pa} = 101,32 \text{ kPa} \quad 1 \text{ bar} = 10^5 \text{ Pa}$$

1 atm

$$1,0132 \text{ bar} = 1013,2 \text{ mbar}$$

Zadatak za domaći rad: Kolika je težina cijelokupne Zemljine atmosfere?

## Jedinice mjere

Tlak također možemo izraziti visinom stupca neke tekućine (na primjer vode ili žive)

$$P = \rho gh$$

$$101.320 \text{ Pa} = 13.595^* \text{ kg/m}^3 \times 9,81 \text{ m/s}^2 \times h$$

\* pri 0°C

$$h = 0,76 \text{ m} = 760 \text{ mm} = 1 \text{ atm}$$

$$1 \text{ torr} = 1 \text{ mm Hg}$$

$$101.320 \text{ Pa} = 998,2^{**} \text{ kg/m}^3 \times 9,81 \text{ m/s}^2 \times h$$

\*\*pri 20°C

$$h = 10,35 \text{ m} = 1 \text{ atm}$$

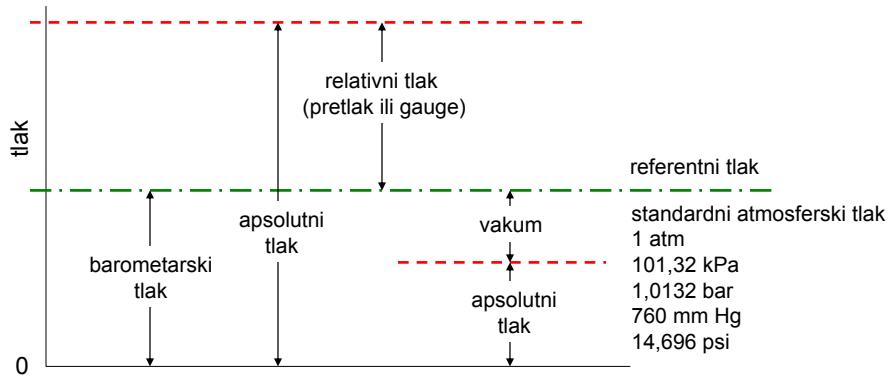
Druge jedinice mjere:

psi = pound-force per square inch

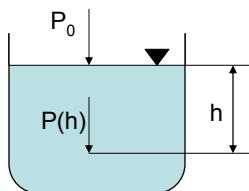
$$101.320 \text{ Pa} = 14,696 \text{ psi}$$

Tlak obično mjerimo kao neku diferencijalnu veličinu, tj. razliku između mјerenog tlaka i nekog referentnog tlaka (najčešće atmosferskog)

Apsolutni tlak, razlika tlakova (gauge) i barometarski tlak



## Hidrostatski tlak



$$P_{\text{aps}}(h) = P_0 + \rho gh$$

$$h = (P_{\text{aps}} - P_0) / (\rho g)$$

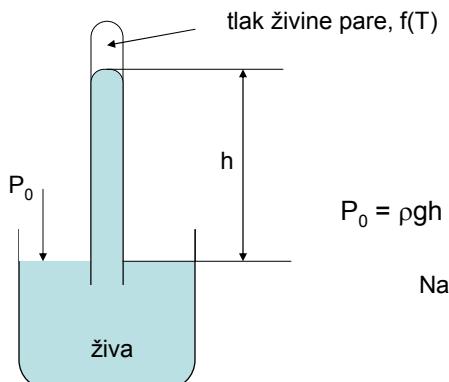
1 atm     = 760 mm Hg (aps)  
             = 10.350 mm  $H_2O$  (abs)  
             = 10,35 M  $H_2O$  (abs)

## Mjerenje tlaka

### Referentni instrumenti

- Barometar
- Manometar
- McLeodov instrument
- Instrument s utegom

## Barometar



$$P_0 = \rho gh$$

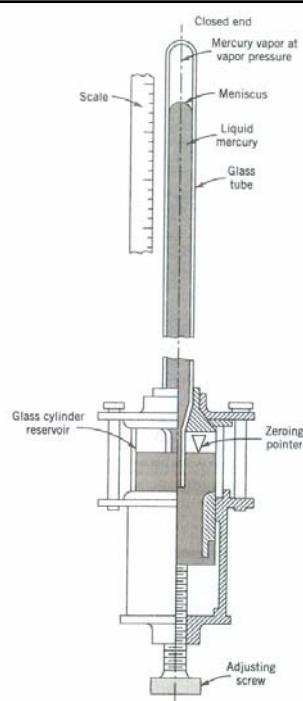
Na morskoj površini:

$$P_0 = 760 \text{ mm Hg}$$

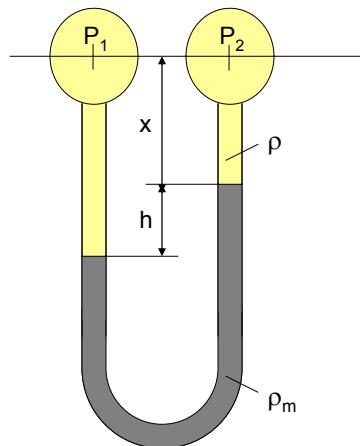
Korekcije za temperaturu i gravitaciju!

Koliki bi atmosferski tlak izmjerili na vrhu Mosora?

## Barometar



## Manometar



$$P_1 + \rho g(h + x) = P_2 + \rho g x + \rho_m gh$$

$$P_1 - P_2 = (\rho_m - \rho)gh$$

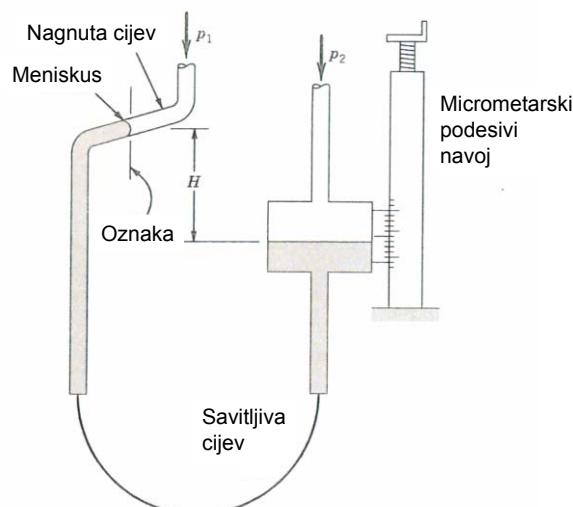
Osjetljivost manometra:

$$K = h/(P_1 - P_2) = 1/[(\rho_m - \rho)g]$$

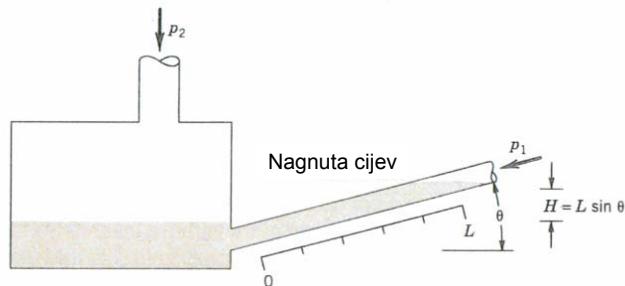
Maksimalna osjetljivost: ( $\rho_m \rightarrow \rho$ )

Radna tekućina mora biti odabrana tako da omogući mjerljivu ali ne i preveliku razliku razina.

## Mikro-manometar



## Manometar s nagnutom cijevi



$$L = H / \sin \theta$$

Osjetljivost povećana za  $1 / \sin \theta$

## Tipične griješke u mjerenuju s U manometrom

- Podešavanje
- Temperatura
- Gravitacija
- Kapilarna sila
- Meniskus

Gustoća žive kao funkcija temperature:

$$\rho = 13.595 / (1 + 0,00006 t) \quad t = \text{temperatura u } {}^\circ\text{C}$$

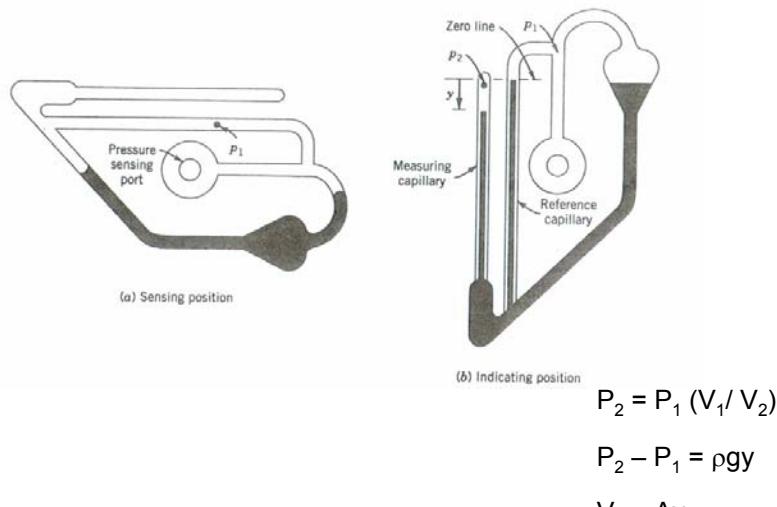
Korekcija za nadmorsku visinu i geografsku širinu

$$e_1 = - (2,637 \times 10^{-3} \cos 2\phi + 9,6 \times 10^{-8} z + 5 \times 10^{-5})$$

$\phi$  = geografska širina u  ${}^\circ$

$z$  = nadmorska visina u m

## McLeodov instrument (vakum-metar)



Služi za mjerenje subatmosferskih tlakova (vakum)  
Od 1 mm Hg do 0,1 μm Hg

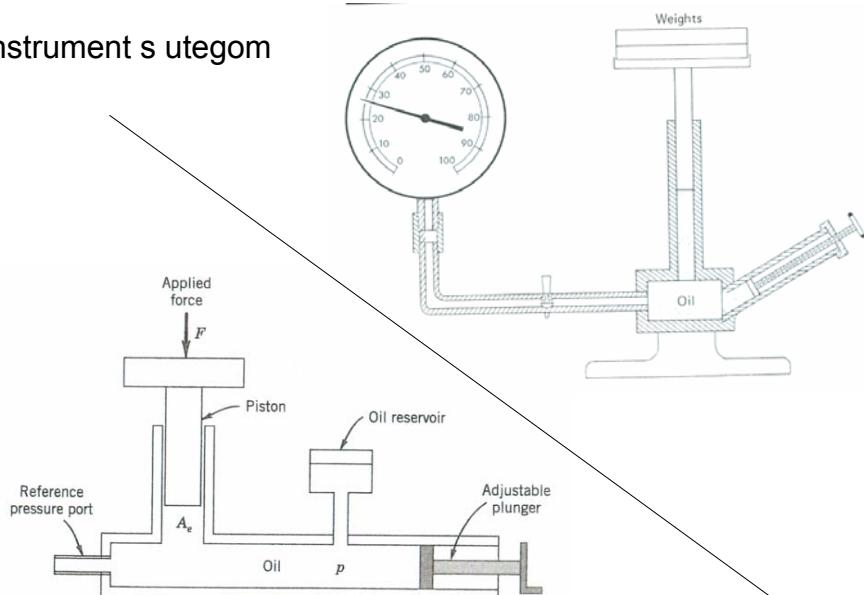
$$P_2 = P_1 (V_1 / V_2)$$

$$P_2 - P_1 = \rho g y$$

$$V_2 = A y$$

$$P_1 = \rho g A y^2 / (V_1 - A y)$$

## Instrument s utegom



Griješka 0,05 do 0,01%

## Instrument s utegom

Moguće griješke u mjerenu:

- Uzgon zraka
- Lokalna gravitacija
- Masa klipa
- Trenje
- Termalna ekspanzija
- Deformacija klipa

$$P = F/A_e + \sum \text{griješaka}$$

$$P = P_i(1 + e_1 + e_2 + \dots)$$

Gravitacija:  $e_1 = - (2,637 \times 10^{-3} \cos 2\phi + 9,6 \times 10^{-8} z + 5 \times 10^{-5})$

Uzgon:  $e_2 = - (\rho_{\text{zrak}} / \rho_{\text{mase}})$

## Primjer

Uređaj s utegom je izmjerio tlak od 608 kPa, na geografskoj širini  $34^\circ$  i na nadmorskoj visini od 256 m (Clemson, SC).

Gustoća zraka je  $1,2 \text{ kg/m}^3$ ; gustoća masa je  $6530 \text{ kg/m}^3$ .

Koji je točan tlak?

$$e_1 = - (2,637 \times 10^{-3} \cos 2\phi + 9,6 \times 10^{-8} z + 5 \times 10^{-5})$$

$$\phi = 34^\circ; z = 256 \text{ m}$$

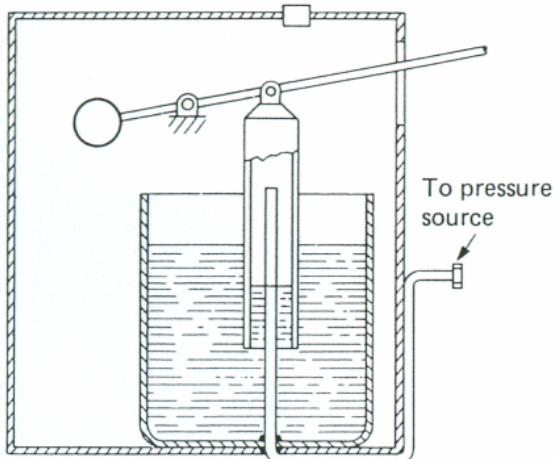
$$e_1 = - 0,001064$$

$$e_2 = - (\rho_{\text{zrak}} / \rho_{\text{mase}})$$

$$e_2 = - 0,000184$$

$$P = 608 (1 - 0,001064 - 0,000184) = 607,24 \text{ kPa}$$

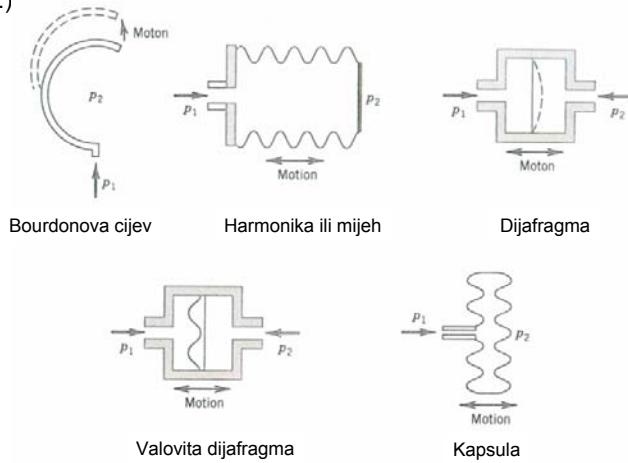
## Uredjaj s izvrnutim zvonom



## Transduceri ili pretvarači tlaka

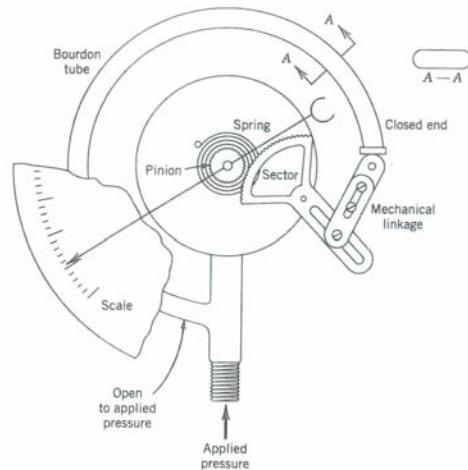
Pretvaraju izmjereni tlak u mehanički ili električni signal.

Obično sadrži elastični element i sekundarni element koji pretvara deformaciju elastičnog elementa u mjerljivu veličinu (zakret kazaljke, električni napon, ...)



## Bourdonova cijev

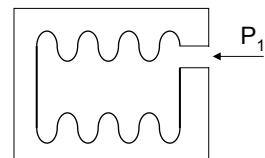
Bourdonova cijev je zakrivljena metalna cijev eliptičnog presjeka koja se deformira uslijed djelovanja tlaka iznutra.



Raspon  $10^4 - 10^9$  Pa  
Griješka: 0,5-2,0% (tipično);  
0,1% najbolji instrumenti

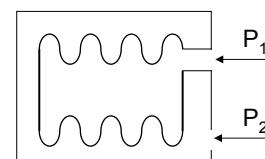
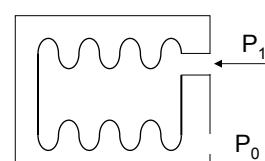
## Mijeh ili harmonika ili kapsula

Mjerenje: absolutnog tlaka



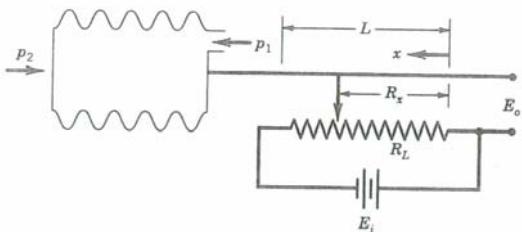
pretlaka

razlike tlakova

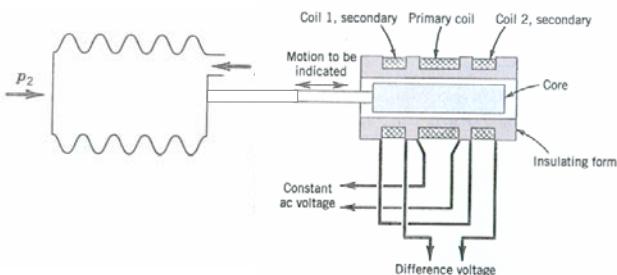


## Mijeh ili harmonika ili kapsula

s kliznim potenciometrom



s LVDT  
(Linearni Variabilni Diferencijalni Transformator)



### Primjer

Potenciometrijski mijeh s rasponom mjerena 0-700 kPa

Klizni potenciometar s otporom od  $50 \Omega$  -  $10 k\Omega$  +/- 10%

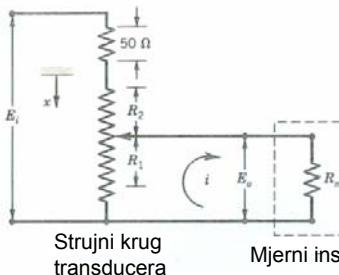
Linearnost kalibriranja: <0,5%

Ponovljivost: +/- 0,1%

Napon: 5-10 V DC

Mjerni instrument (voltmetar) ima impedanciju od  $100 k\Omega$

Zadatak: Izračunati nesigurnost u mjerenu tlaku od 350 kPa



$$\text{Pri } P = 0$$

$$R = 50 \Omega$$

$$E_o = 5 V$$

$$\text{Pri } P = 700 \text{ kPa} \quad R = 10 k\Omega \quad E_o = 2,5125 \text{ V}$$

Onda

$$\text{Pri } P = 350$$

$$R = 5025 \Omega$$

$$E_o = 0,0250 \text{ V}$$

$$\text{Osjetljivost instrumenta} \quad K = E_o(700) - E_o(0)] / (700 - 0 \text{ kPa}) = 7,11 \mu\text{V/Pa}$$

Na pouzdanost mjerenja će utjecati grijeske:

$e_L$  = linearnost

$e_p$  = ponovljivost

$e_i$  = opterecenja

$$e_L = 5 \text{ V} \times 0.5\% = 0,0250 \text{ V}$$

$$e_p = 5 \text{ V} \times 0.1\% = 0,0050 \text{ V}$$

$$e_i = E_o(350)_{R_m=\infty} - E_o(350)_{R_m}$$

$$E_o(350) = E_i R_m / [R_1(R_2+50)+(R_2+50)+R_m]$$

$$E_i = 5 \text{ V}$$

$$R_m = 100 \text{ k}\Omega$$

$$R_1 = 5025 \Omega$$

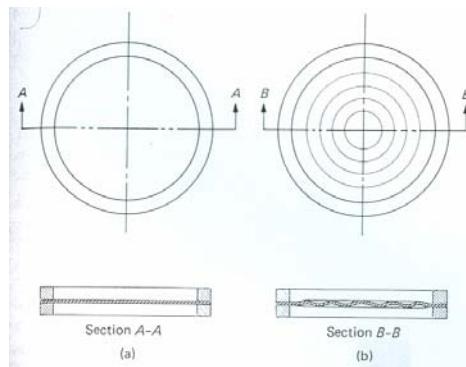
$$R_2 = 4975 \Omega$$

$$e_i = 2,5125 - 2,4387 = 0,0738 \text{ V}$$

$$u_c = \left\{ \sum_{i=1}^3 e_i^2 \right\}^{1/2} = (0,025^2 + 0,005^2 + 0,0738^2)^{1/2} = 0,0780 \text{ V}$$

$$u_c = 0,0780 \text{ V} / 7,11 \mu\text{V/Pa} = \underline{\underline{10,98 \text{ kPa}}}$$

## Dijafragme



Veličina deformacije je proporcionalna razlici tlakova

Ravne membrane ili valovite

Izbor materijala ovisi o tlaku i fluidu

Koriste se i za statički i dinamički tlak

Različiti sekundarni elementi se koriste za očitanje tlaka:

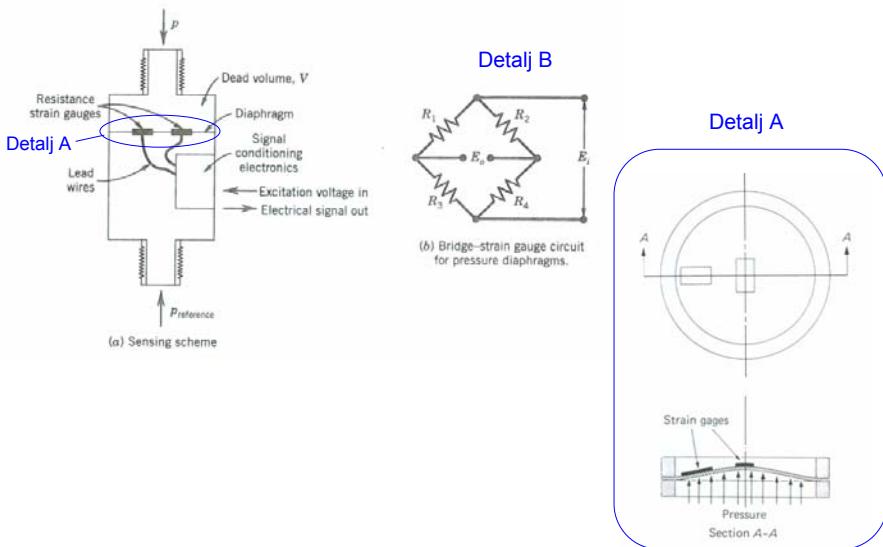
-Mjerenje naprezanja

-Kapacitet

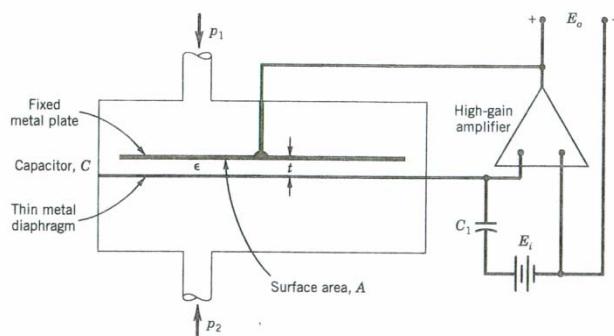
-Induktivni

-Piezoelektrični efekt

## Mjerenje naprezanja



## Kapacitet

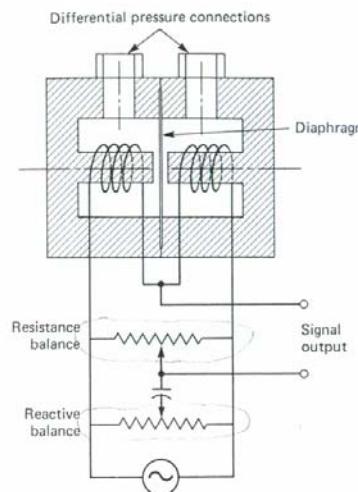


$$C = c\epsilon A / t$$

$$E_o = E_i (C/C_1)$$

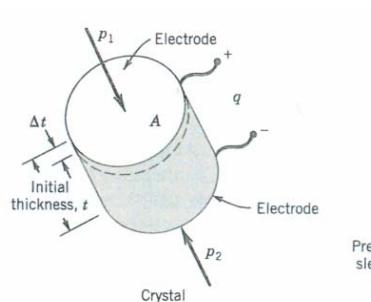
$C$  = kapacitet  
 $c$  = konstanta proporcionalnosti (0,0885)  
 $\epsilon$  = dielektrična konstanta (za zrak  $\epsilon = 1$ )  
 $A$  = površina ( $\text{cm}^2$ )  
 $t$  = razmak (cm)

### Induktivni osjetnik (transducer)



### Piezoelektrični kristal

Uslijed deformacije kristala stvara se na njegovoj površini električni naboј



$$q = K_q P A$$



$$E_o = q/C$$

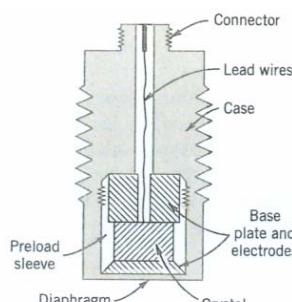
$$C = \epsilon \epsilon_0 A / t$$

$q$  = el. naboј

$K_q$  = osjetljivost kristala

$P$  = tlak

$A$  = površina

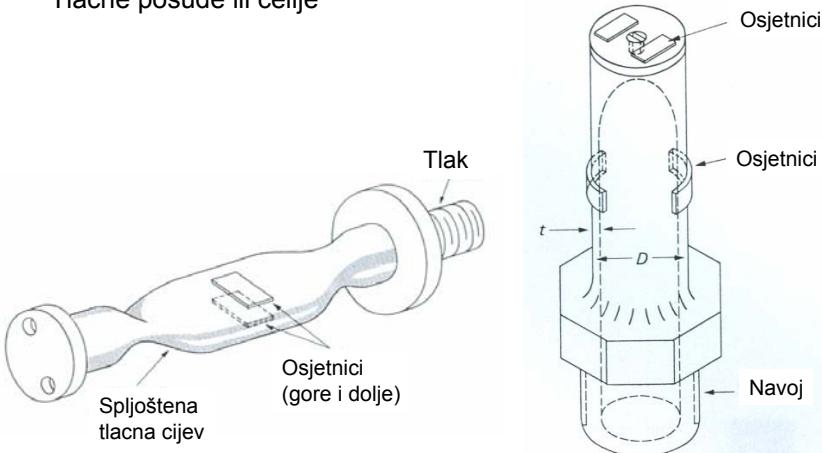


$$E_o = K_q P t / \epsilon \epsilon_0 = K_e P t$$

$E$  = napon  
 $C$  = kapacitet

$K_e$  = naponska osjetljivost  
osjetnika

### Tlačne posude ili ćelije

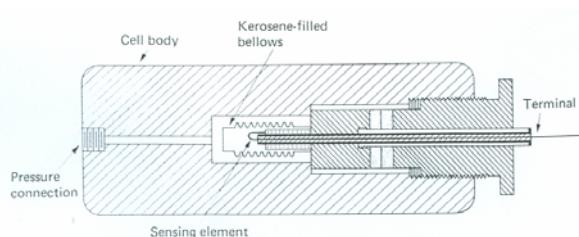


### Mjerenje visokih tlakova

>700 atm pa do  $10^7$  atm

- Bourdonove cijevi – 3500 atm pa čak i do 7000 atm  
(okruglog presjeka, debljih stijenki, vrlo krute, nekoliko namotaja)
- Tlačne posude ili ćelije (do 3500-7000 atm)

### Mjerači tlaka putem električnog otpora



$$R = \rho L/A$$

$$dR/R = dL/L - 2d/D + d\rho/\rho$$

$R$  = otpor

$L$  = dužina

$D$  = promjer

$\rho$  = specifični otpor, otpornost

$$(dR/R)/P = 2/E + (d\rho/\rho)/P$$

Podesni materijali: manganin i legura zlata (s 2,1% Cr)

## Mjerenje niskih tlakova

<1 mm Hg

Ultra niski tlakovi <1 nm Hg

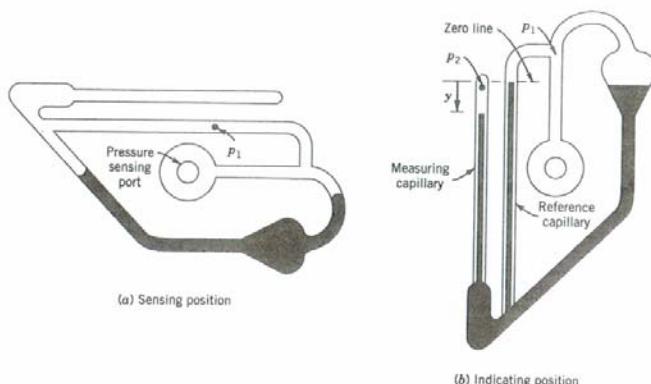
■ Bourdonove cijevi – do 1 mm Hg

■ McLeodov Instrument

■ Instrument temeljen na toplinskoj vodljivosti

■ Ionizirajuće komore

## McLeodov instrument (vakum-metar)



Služi za mjerenje subatmosferskih tlakova (vakum)

Od 1 mm Hg do 0,1  $\mu\text{m}$  Hg

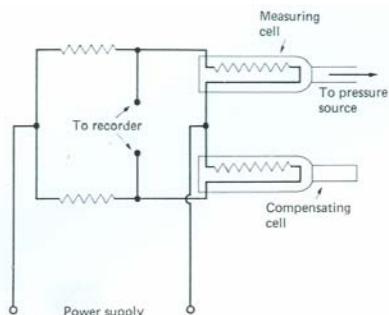
## Instrument temeljen na toplinskoj vodljivosti

Protok el. struje kroz žicu stvara toplinu

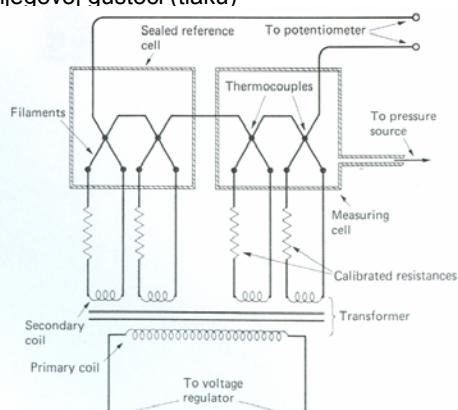
Temperatura žice ovisi o struci, specifičnom otporu i odvođenju topline

Odvođenje topline ovisi o toplinskoj vodljivosti okolnog medija

Toplinska vodljivost medija ovisi o njegovoj gustoći (tlaku)



Pirani mjerac toplinske vodljivosti



Mjerac toplinske vodljivosti termoparovima

## Instrument temeljen na ionizirajućim komorama

Za mjerjenje ekstremno niskih tlakova ( $10^{-9}$  mm Hg)

Ionizirajuća komora je slična elektronskoj cijevi – triodi

Ima žareću nit, pozitivnu mrežicu i negativnu pločicu

Mrežica privlači elektrone iz žarne niti

Sudarom elektrona i molekula plina molekule se ioniziraju

Negativna pločica privlači pozitivne molekule što rezultira vanjskom strujom koja se onda može izmjeriti

Struja je funkcija količine molekula – dakle tlaka

Problemi:

-Tlakovi iznad  $1-2 \mu\text{m}$  uzrokuju brzo propadanje žare niti

-Gustoća elektrona je funkcija temperature žarne niti što zahtijeva vrlo preciznu kontrolu struje kroz nju

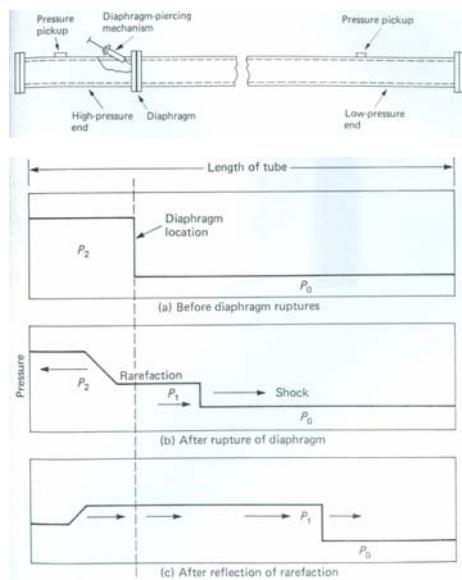
## Baždarenje pretvarača tlaka (transducera)

Statičko baždarenje – koristi se referentni instrument  
(U manometar, tester s utegom za veće tlakove)

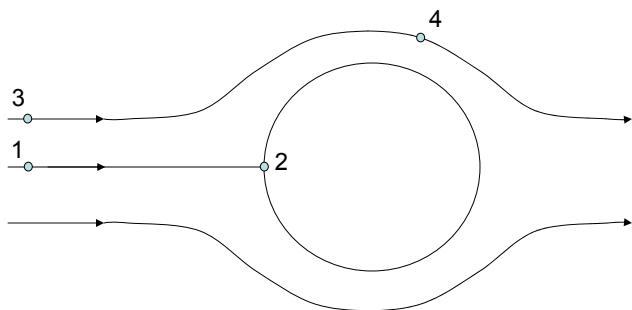
Dinamičko baždarenje: šok valovi

### Dinamičko baždarenje: šok valovi

$$\frac{P_1}{P_0} = 1 + \frac{2k}{k+1} (M_0^2 - 1),$$



## Mjerenje tlaka u pokretnom fluidu (koji teče)



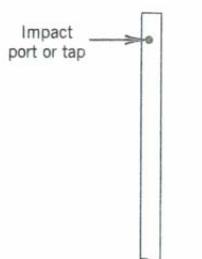
Bernoullijeve jednadžbe izmedju točaka 1 i 2 te izmedju 3 i 4

$$P_1 + \rho U_1^2/2 = P_2 + \rho U_2^2/2 \quad U_2 = 0 \quad P_1 + \rho U_1^2/2 = P_2 = P_{\text{total}} \quad P_1 < P_2$$

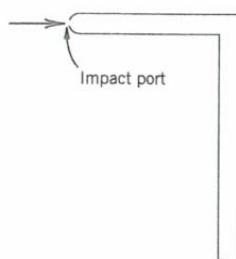
$$P_3 + \rho U_3^2/2 = P_4 + \rho U_4^2/2 \quad U_3 < U_4 \quad P_3 > P_4$$

$$U_1 = U_3 \quad P_1 = P_3$$

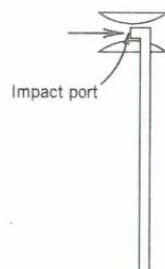
## Mjerenje totalnog tlaka



(a) Impact cylinder



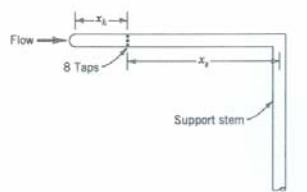
(b) Pitot tube



(c) Kiel probe

## Mjerenje statičkog tlaka

Prandtlova cijev



Mjerenje na stijenci kanala

